



Lycée Jean-Baptiste de Baudre
Agen

Parcours de consolidation en mathématiques

Semaine 1 • extrait du parcours complet

Cahier d'approfondissement

Spécialité CPRP — Conception des Processus de Réalisation de Produits

Version étudiant
(énoncés et espaces de réponse)

De la rentrée aux vacances de la Toussaint

Semaine 1 : Calcul, formules et unités

Ce chapitre prolonge le cahier principal. Il se compose de deux parties : (a) des exercices classiques supplémentaires (tronc commun aux quatre BTS), (b) des activités d'application en contexte métier plus complètes, qui enchaînent davantage d'étapes.

Exercices classiques (suite)

Ces exercices prolongent les deux exercices du cahier de base. Ils enchaînent plusieurs notions et demandent une étape de raisonnement supplémentaire. Les corrigés détaillés sont visibles dans la version professeur. Les quatre derniers, signalés *Pour aller plus loin*, sont à traiter en travail personnel ou si le temps le permet.

Exercice 1

Simplifier chaque expression, puis donner le résultat en notation scientifique.

$$\text{a) } \frac{10^6 \times 10^{-3}}{10^{-2}} \quad \text{b) } (3 \times 10^4) \times (2 \times 10^{-6}) \quad \text{c) } \frac{(4 \times 10^{-3})^2}{8 \times 10^{-4}}$$

Réponse :

Exercice 2

Une clé USB a une capacité annoncée de 64 Go.

1. Convertir cette capacité en Mo, puis en ko (rappel : 1 Go = 10^3 Mo = 10^6 ko).
2. Un fichier photo pèse 8 Mo. Combien de photos la clé peut-elle contenir ?
3. Un fichier vidéo pèse 1,2 Go. Combien de vidéos la clé peut-elle contenir ?

Réponse :

Exercice 3

La loi d'Ohm relie tension U , résistance R et courant I par $U = R \times I$.

1. Isoler R dans cette relation.

- On mesure $U = 12 \text{ V}$ et $I = 250 \text{ mA}$. Convertir I en A, puis calculer R en Ω .
- Exprimer R en $\text{k}\Omega$.

Réponse :

Exercice 4

Le volume d'un cylindre de rayon r et de hauteur h est donné par $V = \pi r^2 h$.

- Calculer V pour $r = 3 \text{ cm}$ et $h = 10 \text{ cm}$ (valeur exacte en π , puis approchée au dixième).
- Convertir V en dm^3 , puis en litres (rappel : $1 \text{ dm}^3 = 1 \text{ L}$).
- Un autre cylindre a le même rayon $r = 3 \text{ cm}$ et un volume $V' = 180 \pi \text{ cm}^3$. Isoler h' dans la formule et calculer sa valeur.

Réponse :

Exercice 5

La vitesse de la lumière vaut $c \approx 3 \times 10^8 \text{ m/s}$. La distance Terre–Lune vaut $d \approx 384\,000 \text{ km}$.

- Exprimer d en mètres, en notation scientifique.
- Le temps mis par la lumière pour parcourir la distance Terre–Lune est $t = \frac{d}{c}$. Calculer t en secondes.
- Exprimer ce temps en millisecondes.

Réponse :

Exercice 6

L'énergie cinétique d'un objet en mouvement est donnée par $E_c = \frac{1}{2} m v^2$.

- Isoler m dans la formule.
- Isoler v dans la formule (on suppose $v > 0$).
- Une voiture de masse $m = 1\,200 \text{ kg}$ a une énergie cinétique $E_c = 150\,000 \text{ J}$. Calculer sa vitesse v en m/s .

Réponse :

Pour aller plus loin

Exercice 7

Calculer et donner le résultat sous forme de fraction irréductible.

$$\frac{\frac{2}{3} + \frac{1}{4}}{\frac{5}{6} - \frac{1}{2}}$$

Réponse :

Exercice 8

Une fibre optique offre un débit de 10 Gbit/s. On veut transférer un fichier de 2 Go (on prend 1 o = 8 bit).

1. Convertir le débit en bit/s, en notation scientifique.
2. Convertir la taille du fichier en bits.
3. Le temps de transfert vaut $t = \frac{\text{taille}}{\text{débit}}$. Calculer t en secondes.

Réponse :

Exercice 9

Un disque a pour aire $S = 314 \text{ mm}^2$. On rappelle $S = \pi r^2$.

1. Isoler r dans la formule.
2. Calculer r en mm (arrondir au dixième).
3. Convertir r en cm.

Réponse :

Exercice 10

Le rayon d'un atome d'hydrogène vaut environ $r_{\text{atome}} = 5,3 \times 10^{-11}$ m. Le rayon de la Terre vaut environ $r_{\text{Terre}} = 6,4 \times 10^6$ m.

- Combien de fois le rayon de la Terre est-il plus grand que celui d'un atome d'hydrogène ? Donner le résultat en notation scientifique.
- Le rayon d'une cellule biologique moyenne vaut $r_{\text{cellule}} \approx 10^{-5}$ m. Est-ce plus proche de l'atome ou de la Terre, en ordre de grandeur ?

Réponse :

Activités d'application**Activité 1 • Conversion d'une vitesse d'avance**

MÉCANIQUE

Outil réinvesti : conversion d'unités composées, puissances de 10 **Lien référentiel :** S7.4 — caractéristiques des machines de production

La vitesse d'avance d'une machine est affichée en $V_f = 1\,500$ mm/min. On veut la convertir en m/s pour la comparer à d'autres données de la documentation.

- Exprimer 1 mm en mètres sous la forme d'une puissance de 10, puis 1 min en secondes.
- En déduire à quoi correspond 1 mm/min en m/s.
- Convertir $V_f = 1\,500$ mm/min en m/s.

Réponse :

Activité 2 • Pression au fond d'un réservoir

PHYSIQUE APPLIQUÉE

Outil réinvesti : application d'une formule, isoler une grandeur **Lien référentiel :** S15 — Statique des fluides

Le principe fondamental de l'hydrostatique donne la différence de pression $\Delta P = \rho \times g \times h$, avec ρ la masse volumique du fluide, g l'intensité de la pesanteur et h la profondeur. Pour l'eau : $\rho = 1\,000$ kg/m³ et $g \approx 10$ N/kg.

- Calculer la différence de pression ΔP à une profondeur $h = 3$ m (résultat en pascals).

2. À quelle profondeur h la différence de pression atteint-elle 50 000 Pa ? (isoler h)

Réponse :

Activité 3 • Puissance électrique d'un récepteur

PHYSIQUE APPLIQUÉE

Outil réinvesti : application d'une formule, isoler une grandeur **Lien référentiel :** S15 — Électricité (puissance et énergie)

La puissance électrique d'un récepteur en courant continu est $P = U \times I$, avec U la tension (en volts) et I l'intensité (en ampères).

1. Un moteur est alimenté sous $U = 24$ V avec un courant $I = 5$ A. Calculer sa puissance électrique P .
2. On veut limiter la puissance à $P = 96$ W sous la même tension. Quelle intensité ne faut-il pas dépasser ? (isoler I)

Réponse :